

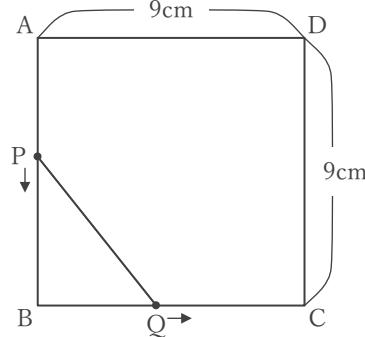
## 2次方程式の利用

年 組 名前

/ 8

- (1) 1辺の長さが9cmの正方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒1cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $10\text{cm}^2$ になった。

- ① 面積が $10\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

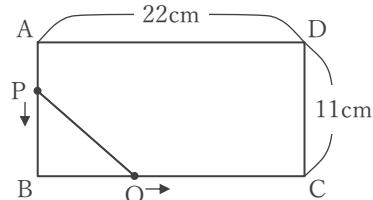


- ②  $x$  の値を求めなさい。

$$x =$$

- (2)  $AD=22\text{cm}$ ,  $DC=11\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒1cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒2cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $28\text{cm}^2$ になった。

- ① 面積が $28\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

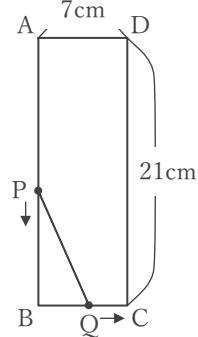


- ②  $x$  の値を求めなさい。

$$x =$$

- (3)  $AD=7\text{cm}$ ,  $DC=21\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒3cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $18\text{cm}^2$ になった。

- ① 面積が $18\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

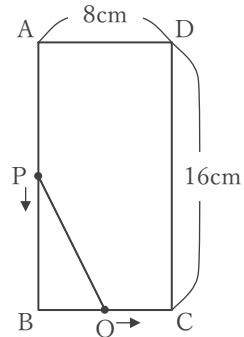


- ②  $x$  の値を求めなさい。

$$x =$$

- (4)  $AD=8\text{cm}$ ,  $DC=16\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒2cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $16\text{cm}^2$ になった。

- ① 面積が $16\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。



- ②  $x$  の値を求めなさい。

$$x =$$

## 2次方程式の利用

年 組 名前

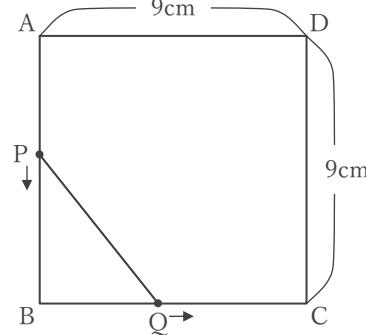
/ 8

- (1) 1辺の長さが9cmの正方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒1cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $10\text{cm}^2$ になった。

① 面積が $10\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

$x$  秒後

$$PB = (9-x) \text{ cm}, \\ BQ = x \text{ cm}$$



$$\frac{1}{2} \times x \times (9-x) = 10$$

②  $x$  の値を求めなさい。

$$\frac{1}{2} \times x \times (9-x) = 10 \quad \text{の両辺に2をかけて}$$

$$x(9-x) = 20 \quad \text{さらに整理して } x^2 - 9x + 20 = 0$$

$$(x-4)(x-5) = 0 \quad \text{より } x=4, 5$$

これらは  $0 < x < 9$  を満たす。

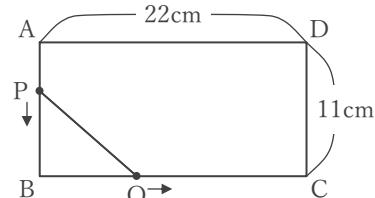
$$x = 4, 5$$

- (2)  $AD=22\text{cm}$ ,  $DC=11\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒1cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒2cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $28\text{cm}^2$ になった。

① 面積が $28\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

$x$  秒後

$$PB = (22-x) \text{ cm}, \\ BQ = 2x \text{ cm}$$



$$\frac{1}{2} \times 2x \times (22-x) = 28$$

②  $x$  の値を求めなさい。

$$\frac{1}{2} \times 2x \times (22-x) = 28 \quad \text{の両辺に2をかけて}$$

$$2x(22-x) = 56 \quad \text{さらに整理して } 2x^2 - 44x + 56 = 0$$

$$x^2 - 22x + 28 = 0$$

$$(x-4)(x-7) = 0 \quad \text{より } x=4, 7$$

これらは  $0 < x < 22$  を満たす。

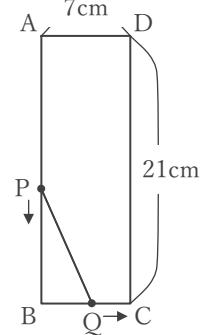
$$x = 4, 7$$

- (3)  $AD=7\text{cm}$ ,  $DC=21\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒3cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $18\text{cm}^2$ になった。

① 面積が $18\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

$x$  秒後

$$PB = (21-3x) \text{ cm}, \\ BQ = x \text{ cm}$$



$$\frac{1}{2} \times x \times (21-3x) = 18$$

②  $x$  の値を求めなさい。

$$\frac{1}{2} \times x \times (21-3x) = 18 \quad \text{の両辺に2をかけて}$$

$$x(21-3x) = 36 \quad \text{さらに整理して } 3x^2 - 21x + 36 = 0$$

$$x^2 - 7x + 12 = 0$$

$$(x-3)(x-4) = 0 \quad \text{より } x=3, 4$$

$$x = 3, 4$$

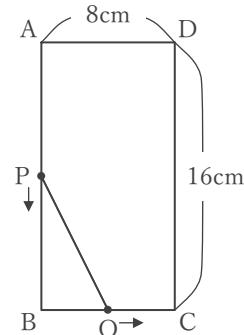
これらは  $0 < x < 7$  を満たす。

- (4)  $AD=8\text{cm}$ ,  $DC=16\text{cm}$ の長方形ABCDがある。点PはAを出発して辺AB上を毎秒2cmの速さでBまで、点QはBを出発して辺BC上を毎秒1cmの速さでCまで動く。あるとき、 $\triangle PBQ$ の面積は $16\text{cm}^2$ になった。

① 面積が $16\text{cm}^2$ になるのを  $x$  秒後として、面積についての方程式を作りなさい。

$x$  秒後

$$PB = (16-2x) \text{ cm}, \\ BQ = x \text{ cm}$$



$$\frac{1}{2} \times x \times (16-2x) = 16$$

②  $x$  の値を求めなさい。

$$\frac{1}{2} \times x \times (16-2x) = 16 \quad \text{の両辺に2をかけて}$$

$$x(16-2x) = 32 \quad \text{さらに整理して } 2x^2 - 16x + 32 = 0$$

$$x^2 - 8x + 16 = 0$$

$$(x-4)^2 = 0 \quad \text{より } x=4$$

$$x = 4$$

これは  $0 < x < 8$  を満たす。